

アルゴリズムとデータ構造

<http://www-ui.is.s.u-tokyo.ac.jp/~takeo>

五十嵐 健夫

takeo@acm.org

アルゴリズムとデータ構造

第1回 イントロダクション

<http://www-ui.is.s.u-tokyo.ac.jp/~takeo/course/>

五十嵐 健夫

takeo@acm.org

目標

効率のよいプログラムを書くため
基本的な知識・技法を学ぶ

効率=実行時間とメモリ使用量

コンピュータサイエンスの基礎。

具体的内容

基本的なアルゴリズムとデータ構造を学ぶ
ソート、グラフ、検索、など

計算量の解析について学ぶ

計算量の意味、その計算方法、など

進め方

教科書に沿う

データ構造とアルゴリズム 五十嵐健夫
数理工学社

基本的に教科書が理解できればOK。

成績

毎回出席を取る。

期末テスト

ネット上に過去問あり

スケジュール（仮）

9/26 アルゴリズムと計算量
基本的なデータ構造 擬似言語、実行時間、列、スタック、待ち行列、木
10/3 集合の表現 ヒープ、2分探索木
10/10 集合の表現 2-3木、AVL木
10/17 集合の表現 ハッシュ、集合群
10/24 休講
10/31 ソート バブルソート、クイックソート、クイックセレクト
11/7 ソート マージソート、ヒーブソート、パケット/基数ソート
11/21 有向グラフ ダイクストラ、フロイド、DAG、強成分
11/28 休講
12/5 無向グラフ プリム、クラスカル、関節点
12/12 文字列 KMPアルゴリズム、BMアルゴリズム、トライ木
12/19 設計法 分割統治法、動的計画法、欲張り法、
1/9 テスト [21KOMCEE K011]

自己紹介

五十嵐 健夫 情報科学科 教授

専門： ユーザインターフェース
インターラクティブCG

3次元モデリング、アニメーション
ロボットのためのインターフェース など

アルゴリズムとは

問題を解く手順

- 1) 問題を定式化(モデル化)する
- 2) 解法をアルゴリズムとして記述する
- 3) アルゴリズムにしたがって問題を解く

定義：

「明瞭な意味を持ち、有限時間内の有限な計算で実行できるような命令を有限個並べた形で記述される問題の解法」

アルゴリズムとは

段階的詳細化の例(ユークリッドの互除法)

文章で書いたアルゴリズム
擬似言語のプログラム
プログラミング言語による記述

プログラムの実行時間

2つの目標

わかりやすい。構造がシンプルである。
実行時間が早く、メモリを消費しない。

実行時間を決める要素

入力データの性質・大きさ
コンパイラーの質
ハードウェアの性質
アルゴリズムの計算量

計算量とはなにか？

アルゴリズムの速さの指標。
実行時間では参考ならない。
(CPUの速さ、データサイズによる)
データサイズに対してどのくらい計算時間が増えるか、で表記する。
表記の仕方は
 $O(n)$ とか $O(\log n)$ とか $O(n^2)$

基本的なデータ構造

列の表現

- 配列
- リスト
- スタック
- 待ち行列
- 木

抽象データ型としての「列」

$a_1, a_2, a_3, \dots, a_{1n}$ 線形順序

insert, indexOf, get, remove, next, prev,
clear, first, print

列の実現

配列による実現

○ ランダムアクセス × 插入と削除

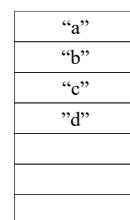
ポインタによる実現 (通常のリスト)

× ランダムアクセス ○ 插入と削除

配列

○ ランダムアクセス × 插入と削除、接続
 $O(1)$ $O(n)$

String[] labels = {"a", "b", "c", "d"};



リスト

× ランダムアクセス ○ 插入と削除、接続
 $O(n)$ $O(1)$

```
LinkedList labels = new LinkedList();
labels.add("a");
labels.add("b");
labels.add("c");
labels.add("d");
```



スタック

データの入力と出力が常に最後尾で起こる。

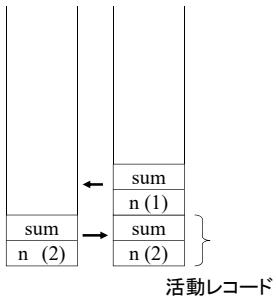
clear, pop, push, empty

関数呼び出しで使われる。

スタックと再帰呼び出し

$$\sum_{i=1}^n i^2$$

```
int foo(int n){  
    if (n == 1) return 1;  
    int sum = foo(n-1)+n*n;  
    return sum;  
}
```



ダイクストラの操車場アルゴリズム

Dijkstra's Two-stack Algorithm

$$(1 + ((2 + 3) * (\sqrt{4})))$$

ダイクストラの操車場アルゴリズム

Dijkstra's Two-stack Algorithm

2つのスタックを用意する。

前から順に読みだしていく以下の処理を行う

- 演算子であれば、演算子スタックに push する
- 数値であれば、数値スタックに push する
- (であれば無視する
-) であれば、演算子 1 つと、その演算子の要求する数値を Pop して 結果を数値スタックに push する。

待ち行列 (Queue)

clear, front, enqueue,
dequeue, empty

例(イベントキュー、データ転送)

循環配列による実装

木 (Tree)

Insert, delete, member, etc.

階層構造を表す(例:住所、探索木)

実装 (ポインタ、配列)

まとめ

配列
リスト
スタック
待ち行列
木